

التفسير الهندسي لطويلة و عمدة العدد المركب $\frac{z_D - z_C}{z_B - z_A}$: $\left| \frac{z_D - z_C}{z_B - z_A} \right| = \frac{CD}{AB}$ ، $\text{Arg} \left(\frac{z_D - z_C}{z_B - z_A} \right) = (\overrightarrow{AB}; \overrightarrow{CD})$.



نتائج :

ملاحظات	فان	إذا كان
يوجد تحاكي h نسبته a بحيث : $h(B) = D$ و $h(A) = C$	المستقيمان (AB) ، (CD) متوازيان.	$a = \frac{z_D - z_C}{z_B - z_A}$ عدد حقيقي
يوجد تحاكي مركزه A و نسبته a ويحول B إلى C .	النقط $C; B; A$ في استقامية.	$a = \frac{z_C - z_A}{z_B - z_A}$ عدد حقيقي
يوجد تشابه مباشر S نسبته $ a $ وزاويته $\frac{\pi}{2}$ أو $-\frac{\pi}{2}$ بحيث $S(B) = D$ و $S(A) = C$	المستقيمان (AB) ، (CD) متعامدان.	$a = \frac{z_D - z_C}{z_B - z_A}$ عدد تخيلي صرف
يوجد تشابه مباشر S مركزه A نسبته $ a $ وزاويته $\frac{\pi}{2}$ أو $-\frac{\pi}{2}$ بحيث $S(B) = C$	المثلث ABC قائم في A . A تنتمي إلى الدائرة ذات القطر $[BC]$	$a = \frac{z_C - z_A}{z_B - z_A}$ عدد تخيلي صرف
يوجد دوران r مركزه A و $r(B) = C$ وزاويته $\frac{\pi}{2}$ أو $-\frac{\pi}{2}$	المثلث ABC قائم في A ومتساوي الساقين.	$\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A} = -i$ أو $\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A} = i$
يوجد دوران r بحيث مركزه A و $r(B) = C$	المثلث ABC متساوي الساقين.	$\left \frac{z_C - z_A}{z_B - z_A} \right = 1$
يوجد دوران r بحيث مركزه A و $r(B) = C$ وزاويته $\frac{\pi}{3}$ أو $-\frac{\pi}{3}$	المثلث ABC متقايس الأضلاع.	$\left(\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A} = 1e^{\frac{\pi i}{3}} \right)$ أو $\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A} = 1e^{\frac{\pi i}{3}}$
يوجد تشابه مباشر S نسبته k وزاويته θ بحيث $S(B) = D$ و $S(A) = C$	$\frac{CD}{AB} = k$ و $(\overrightarrow{AB}; \overrightarrow{CD}) = \theta$	$\frac{z_D - z_C}{z_B - z_A} = ke^{\theta i}$ حيث k حقيقي موجب

مجموعة النقط : M نقطة من المستوي لا حقتها z و $B; A$ نقطتان متميزتان لا حقتاهما z_A ، z_B علي الترتيب .

مجموعة النقط M بحيث :	هي	توضيح
$\frac{z - z_B}{z - z_A}$ عددا حقيقيا	المستقيم (AB) باستثناء النقطة A	$\left(\overrightarrow{AM}; \overrightarrow{BM} \right) = k\pi$ ، k عدد صحيح
$\frac{z - z_B}{z - z_A}$ عددا حقيقيا موجب تماما	المستقيم (AB) باستثناء القطعة $[AB]$	$\left(\overrightarrow{AM}; \overrightarrow{BM} \right) = 2k\pi$ ، k عدد صحيح
$\frac{z - z_B}{z - z_A}$ عددا حقيقيا سالب تماما	القطعة $[AB]$	$\left(\overrightarrow{AM}; \overrightarrow{BM} \right) = \pi + 2k\pi$ ، k عدد صحيح
$\frac{z - z_B}{z - z_A}$ عدد تخيلي صرف معناه $(\overrightarrow{AM}, \overrightarrow{BM}) = 0$	الدائرة التي قطرها $[AB]$ باستثناء النقطتين A و B	$\left(\overrightarrow{AM}; \overrightarrow{BM} \right) = \frac{\pi}{2} + k\pi$ ، k عدد صحيح
$AM = \alpha$ أو $ z - z_A = \alpha$	دائرة مركزها A ونصف قطرها α	
$AM = BM$ أو $ z - z_A = z - z_B $	المستقيم المحوري للقطعة $[AB]$	
$\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BC} = 0$	المستقيم المار من A والعمودي علي $\overrightarrow{BC}$	
$z = z_A + ke^{i\theta}$ ، حيث k و θ من $\mathbb{R}$	إذا كان k ثابت و θ متغير حقيقي فهي دائرة مركزها A ونصف قطرها $ k $	ناقش الحالة الأخرى : θ ثابت و k متغير ($k \in \mathbb{R}^+$ ، مستقيم ، $k \in \mathbb{R}$ نصف مستقيم)



$$|z_1 \times z_2| = |z_1| \times |z_2| \quad (1)$$

$$\left| \frac{z_1}{z_2} \right| = \frac{|z_1|}{|z_2|} \quad (2)$$

$$\arg(z_1 \times z_2) = \arg(z_1) + \arg(z_2) + 2k\pi \quad (3)$$

$$\arg\left(\frac{z_1}{z_2}\right) = \arg(z_1) - \arg(z_2) + 2k\pi \quad (4)$$

ملاحظة: $-1 = e^{i\pi}$ و $-i = e^{-\frac{\pi}{2}i}$ ، $i = e^{\frac{\pi}{2}i}$
 $(O; \vec{u}; \vec{v})$ معلم متعامد ومتجانس

$$\text{Arg}\left(\frac{z_D - z_C}{z_B - z_A}\right) = (\overrightarrow{AB}; \overrightarrow{CD}) \text{ و } \text{Arg}(z_B - z_A) = (\vec{u}; \overrightarrow{AB})$$

$$(\cos \theta_1 + i \sin \theta_1)(\cos \theta_2 + i \sin \theta_2) = \cos(\theta_1 + \theta_2) + i \sin(\theta_1 + \theta_2)$$

$b; a$ عددان مركبان و T التحويل النقطي الذي يحول $M(z)$ إلى $M'(z')$ حيث $z' = az + b$

A, B, C, D نقط لواحقها على الترتيب $z_A; z_B; z_C; z_D$ إذا كان $T(A) = B$ و $T(C) = D$ فإن: $\frac{z_B - z_D}{z_A - z_C} = a$

التمرين الأول :

الشكل الجبري	الشكل المثلثي	الشكل الأسّي	الشكل الجبري	الشكل المثلثي	الشكل الأسّي
$1 + i\sqrt{3}$			$-\frac{1}{4} + i\frac{\sqrt{3}}{4}$		
$1 + i$			-1		
$2 + 2i$			$3\sqrt{3} - 3i$		
					$\sqrt{5}e^{i\frac{3\pi}{2}}$
$-\sqrt{2} + i\sqrt{2}$			$-\sqrt{3} - i$		
					$6e^{i\frac{3\pi}{4}}$
					$2(\cos \frac{3\pi}{2} + i \sin \frac{3\pi}{2})$
			$\sqrt{3} - i$		
$-2i$			$-\sqrt{5} - i\sqrt{15}$		
$1 - i\sqrt{3}$			$\sqrt{6} + i\sqrt{2}$		
$\sqrt{2}(1 - i)$			$\frac{5}{3}i$		
					$6e^{i\pi}$
					$3e^{-i\pi}$
					$\frac{5 - 11\sqrt{3}i}{7 + 4i\sqrt{3}}$
					اكتب على الشكل الجبري $-6(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$

التمرين الثاني :

نضع : $Z = z_1 \times z_2$ ونضع $\arg(Z) = \theta$

z_1	z_2	الشكل الجبري للعدد Z	الشكل المثلثي للعدد Z	الشكل الأسّي للعدد Z	القيمة المضبوطة $\cos \theta$	القيمة المضبوطة $\sin \theta$	أحسب $\left(\frac{Z}{ Z }\right)^n$ حيث قيمة n
$1 + i\sqrt{3}$	$1 + i$						2024
$2i$	$-1 - i\sqrt{3}$						1962
$4 - 4i$	$1 - i\sqrt{3}$						1954
$2\sqrt{3} + 6i$	$e^{i\frac{\pi}{2}}$						1444

التمرين الثالث: نفس أسئلة التمرين الثاني لكن بوضع : $Z = \frac{z_1}{z_2}$